

LIF1 – Interrogation 2

Durée : 30 minutes

Vendredi 16 novembre 2007

Exercice 1

Écrire l'algorithme d'un sous-programme qui prend en argument un tableau à une dimension, de taille N (constante), contenant des entiers tous positifs, et renvoie (sous la forme « donnée/résultat ») les deux plus grandes valeurs de ce tableau.

Exemple : si $T=[3, 1, 5, 5, 3, 6, 2, 6]$ alors après l'appel `deux_max(T, a, b)`, la valeur des deux entiers a et b est respectivement 6 et 5.

Exercice 2

On peut représenter un polynôme à coefficients entiers $P(x) = \sum_{i=0}^d a_i x^i$ sous la forme d'un tableau T à une dimension contenant les coefficients de P : la case i de T vaut a_i . Par exemple, $P(x) = 2x^3 - 3x + 17$ est représenté par $T=[17, -3, 0, 2]$.

Soit d une constante fixée. Écrire l'algorithme d'un sous-programme qui prend en argument un entier x et un tableau T représentant un polynôme P de degré d (c'est-à-dire que le tableau est de taille $d + 1$) et qui retourne la valeur de $P(x)$.

Exemple : si $T=[3, -2, 1]$ alors `eval_poly(T, 2)` renvoie la valeur 3.

Exercice 3

Il est bien connu qu'on ne peut pas représenter des entiers très grands grâce au type `int`. Une solution pour représenter de tels entiers est de stocker leurs chiffres dans un tableau. Par exemple, on représente le nombre 123456789 par le tableau $T=[9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1]$, c'est-à-dire que le chiffre de poids 10^i est stocké dans la case i du tableau (en d'autres termes, le nombre représenté est $\sum_{i=0}^d T[i]10^i$ avec $0 \leq T[i] \leq 9$).

Pour une constante d fixée, on supposera que les entiers ont au plus d chiffres, c'est-à-dire que les tableaux de départ sont de taille au plus d . Écrire l'algorithme d'un sous-programme qui additionne deux tels entiers. On pourra utiliser l'algorithme habituel que l'on utilise pour faire les additions à la main.

Exemple : pour $d = 3$, si $A=[7, 8, 9]$ (représentant l'entier $a = 987$) et $B=[5, 6, 0]$ (représentant l'entier $b = 65$), si en outre C est un tableau de taille 4, alors après l'appel `addition(A, B, C)` on aura $C=[2, 5, 0, 1]$ (représentant l'entier 1052).